

امتحان البكالوريا  
2018  
الدورة العادية

الشعبية: الآداب الأصلية  
المادة: الرياضيات  
المدة: ساعتان  
الضارب: 2

التمرين الأول: (5 نقط)

(2 ن)

1. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $x^2 - 8x + 15 = 0$ .  
2. استنتج حلول كل من المعادلات التالية في  $\mathbb{R}$ .

(1 ن)

$$(\ln x)^2 - 8 \ln x + 15 = 0 \quad (a)$$

(1 ن)

$$\ln(2x - 3) - \ln x = \ln(x + 2) - \ln 5 \quad (b)$$

(1 ن)

$$e^x(e^x + 7) = 15(e^x - 1) \quad (c)$$

التمرين الثاني: (4 نقط)

اقرأ النص التالي من كتاب القاموس المحيط لمؤلفه مجد الدين أبي طاهر محمد بن يعقوب الفيروزآبادي المتوفى 817هـ.

...والكَيْلَجَة: مَنَّا وَسَبْعَةَ أَثْمَانِ مَنَّا، وَالْمَنَّا: رَطْلَان، وَالرَّطْلَان: اثْنَتَا عَشْرَةَ أَوْقِيَّةً، وَالْأَوْقِيَّةُ: إِسْتَارٌ وَثَلَاثَا إِسْتَارًا، وَالْإِسْتَارُ: أَرْبَعَةٌ مَثَاقِيلَ وَنِصْفٌ، وَالْمَثْقَالُ: دِرْهَمٌ وَثَلَاثَةُ أَسْبَاعِ دِرْهَمٍ، وَالدِرْهَمُ: سِتَّةُ دَوَانِقَ، وَالِدَوَانِقُ: قَيْرَاطَانٌ، وَالْقَيْرَاطُ: طَسُوجَانٌ، وَالطَسُوجُ: حَبَّانٌ، وَالْحَبَّةُ: سُدْسُ ثَمْنِ دِرْهَمٍ، وَهُوَ جُزْءٌ مِنْ ثَمَانِيَّةٍ وَأَرْبَعِينَ جُزْءًا مِنْ دِرْهَمٍ.

اعتمادا على المعلومات الواردة في النص السابق، اختر لكل سؤال الجواب الصحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة A، B و C. علما بأن منها واحدا فقط صحيح.

السؤال	المقدار	الجواب A	الجواب B	الجواب C
1	80 كَيْلَجَة تساوي...	80 مَنَّا	100 مَنَّا	150 مَنَّا (0.75 ن)
2	الرَّطْلَان يساوي...	20 إِسْتَارًا	18 إِسْتَارًا	12 إِسْتَارًا (0.75 ن)
3	21 مَثْقَالًا يساوي...	70 درهما	30 درهما	24 درهما (0.75 ن)
4	60 طَسُوجًا يساوي...	درهمين	درهمين ونصف درهم	ثلاثة دراهم (0.75 ن)
5	الحبة تساوي...	ثمن الدانق	سدس الدانق	ربع الدانق (0.5 ن)
6	120 قيراطا تساوي...	12 مَثْقَالًا	10 مَثْقَالًا	7 مَثْقَالًا (0.5 ن)

المسألة (11 نقطة)

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بما يلي:  $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 5}{x - 2}$  و  $f$  ليكن (C) منحنيها البياني في مرجع قائم ومنتظم  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

(1 ن)

1) حدد  $D_f$  ميدان تعريف الدالة  $f$  واكتبه على شكل اتحاد مجالات.

(1 ن)

2. احسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ .

(1 ن)

(b) استنتج أن (C) يملك مقاربا رأسيًا ( $\Delta$ ) يطلب تحديد معادلة له.

(1 ن)

3. عين الأعداد الحقيقية  $a$ ،  $b$  و  $c$  بحيث يكون لكل عدد  $x$  من  $D_f$ :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x - 2}$ .

(1 ن)

(b) أثبت أن المستقيم (D) ذا المعادلة  $y = x - 2$  هو مقارب مائل للمنحني (C).

(1 ن)

4. احسب  $f'(x)$  حيث  $f'$  هي مشتقة الدالة  $f$ .

(1 ن)

(b) بين أن إشارتها هي إشارة  $(x - 3)(x - 1)$ .

(1 ن)

(c) ارسم جدول تغيرات  $f$ .

(1 ن)

5. حدد احدائيات نقطة تقاطع المنحني (C) مع محور الترتيب

(1 ن)

(b) أوجد معادلة للمماس (T) للمنحني (C) في النقطة A ذات الفاصلة  $x_0 = 0$ .

(1 ن)

(c) ارسم المنحني (C) ومقاربيه والمماس (T) في المرجع  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

انتهت الأسئلة