

SESSION 2012

Chimie Organique

1- Un alcool saturé A chiral, à chaîne ramifiée, contient 18,18% d'oxygène en masse. L'oxydation ménagée de A par une solution acidifiée de permanganate de potassium KMnO_4 conduit à un acide carbonique B.

- Déterminer la formule brute, la formule semi-développée et le nom de A.
- Donner la représentation en perspective des énantiomères de A.

2- On fait réagir 5,1g d'acide 2-méthylbutanoïque avec 4,4 g de 2-méthylbutan-1-ol.

- Ecrire l'équation-bilan de la réaction et nommer le produit organique obtenu.
- Calculer la masse d'ester obtenu sachant que le rendement de la réaction est de 66,7%

Chimie Générale

On dispose d'une solution S d'acide propanoïque $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COOH}$ de concentration molaire $C_A = 0,2 \text{ mol/L}$. Le pK_A du couple $\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COOH}/\text{CH}_3\text{-CH}_2\text{-COO}^-$ est 4,8.

1-a- Montrer que la concentration en ion H_3O^+ de la solution S vérifie l'équation :

$$[\text{H}_3\text{O}^+]^2 + 1,6 \cdot 10^{-5} [\text{H}_3\text{O}^+] - 3,2 \cdot 10^{-6} = 0. \quad (\text{On admet que } [\text{OH}^-] \ll [\text{H}_3\text{O}^+]).$$

b- En déduire $[\text{H}_3\text{O}^+]$ et le pH de la solution (S).

2- Dans un volume $V_A = 20 \text{ cm}^3$ de la solution (S), on verse une solution d'hydroxyde de sodium obtenue en dissolvant 4g de pastille de soude dans 200 cm^3 d'eau distillée.

a- Ecrire l'équation-bilan de la réaction.

b- Calculer le volume V_B de la solution d'hydroxyde de sodium pour que le pH du mélange soit égale à 4,8. (On négligera la variation de volume).

On donne: $M(\text{Na}) = 23 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(\text{O}) = 16 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(\text{H}) = 1 \text{ g.mol}^{-1}$

Physique Nucléaire

Le nucléide ${}_{83}^{211}\text{At}$, un des isotopes radioactifs de l'astate, est un émetteur α .

1- Ecrire l'équation de désintégration correspondante.

2- A une date origine $t=0$, on dispose d'un échantillon contenant N_0 noyaux de ${}_{83}^{211}\text{At}$ radioactif; à une date t , on détermine le nombre N de noyaux non désintégrés.

On obtient le tableau suivant :

t en heures	0	4	6	10	15	20
$\ln(N/N_0)$	0	-0,4	-0,58	-1	-1,52	-2

Tracer la courbe (C) qui représente $-\ln(N/N_0) = f(t)$ et en déduire la valeur de la constante radioactive λ du nucléide ${}_{83}^{211}\text{At}$. Échelle : En abscisse: $1 \text{ cm} \rightarrow 2 \text{ h}$; en ordonnée: $1 \text{ cm} \rightarrow 1$

3- A l'instant initial $t=0$, un échantillon contient une masse $m_0 = 10^{-2} \text{ mg}$ de ${}_{83}^{211}\text{At}$ radioactif. Calculer l'activité A de cet échantillon à l'instant $t=1 \text{ h}$, sachant que la période radioactive de ${}_{83}^{211}\text{At}$ est $T = 7 \text{ h}$. On donne : Nombre d'Avogadro : $N_A = 6 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

Masse molaire du noyau ${}_{83}^{211}\text{At}$: $M = 211 \text{ g/mol}$.

Numéro atomique	83	84	85	86	87
Symbole	Bi	Po	At	Rn	Fr

Optique géométrique

Une lentille mince convergente L_1 de centre optique O_1 et de distance focale $f_1 = 20 \text{ cm}$ donne d'un objet réel AB, une image réelle A'B' quatre fois plus grande.

1- Déterminer les positions $\overline{O_1A}$ de l'objet et $\overline{O_1A'}$ de l'image.

2- On accole à la lentille L_1 , une autre lentille mince divergente L_2 de centre optique O_2 de distance focale $f_2 = -30 \text{ cm}$. Calculer la vergence du système accolé ainsi constitué.

3- On maintient la lentille L_1 à sa position et on écarte la lentille L_2 de 20cm vers la droite. On place un objet AB, de 10cm de hauteur, à 40cm devant la lentille L_1 . Construire, l'image A_2B_2 de l'objet AB donnée par le système optique ainsi constitué. Echelle : 1/10.

Electromagnétisme

1- Une bobine de longueur $l=40\text{cm}$, de rayon $r=2,5\text{cm}$ et d'inductance L , comporte $n=10^4$ spires par mètre. Montrer que l'inductance L de la bobine s'écrit $L=\mu_0 n^2 l \pi r^2$. Calculer L .
On donne : $\mu_0=4\pi \cdot 10^{-7} \text{U.S.I}$

2- Un circuit comprend, en série, un conducteur ohmique de résistance $R=45\Omega$, d'une bobine d'inductance $L=0,1\text{H}$ et de résistance négligeable, un condensateur de capacité $C=10\mu\text{F}$. L'ensemble est soumis à une tension sinusoïdale de fréquence N variable de la forme $u(t)=10\sqrt{2}\sin(2\pi Nt)$ (en V).

a- Pour $N=100\text{Hz}$, construire le diagramme de Fresnel relatif au circuit.

b- Etablir l'expression de l'intensité instantanée $i(t)$ du courant qui traverse le circuit.

c- On fait varier N , montrer que : $\frac{Z}{R} = \sqrt{1+Q^2 \left(\frac{N}{N_0} - \frac{N_0}{N}\right)^2}$, où Q est le facteur de qualité du circuit ; N_0 la fréquence à la résonance et Z l'impédance du circuit.

d- Calculer la largeur ΔN de la bande passante.

Mécanique : On prendra $g=10\text{m/s}^2$ et on négligera les frottements.

Partie A : Une glissière est constituée de deux parties :

- une partie rectiligne $AB=\ell=1\text{m}$, inclinée d'un angle $\alpha=30^\circ$ par rapport à l'horizontale,

- une partie circulaire BC de centre O , de rayon $r=2\text{m}$, d'angle $\theta_0=(\overrightarrow{OB}, \overrightarrow{OC})=60^\circ$.

Un solide ponctuel (S), de masse $m=100\text{g}$, est lâché du point A sans vitesse initiale.

1- Calculer la vitesse V_B du solide (S) au point B.

2- Le solide (S) aborde la partie circulaire de la glissière avec cette vitesse V_B .

a- Exprimer, en fonction V_B , g , r et θ , la vitesse V_M du solide (S) au point M.

b- Exprimer, en fonction V_B , g , r , θ et m , la réaction exercée par la glissière sur le solide (S) au point M.

3- Montrer que le solide (S) quitte la glissière au point N.

Calculer l'angle $\theta_1=(\overrightarrow{ON}, \overrightarrow{OC})$.

Partie B : Un cylindre (C) homogène de masse $M=300\text{g}$ et de rayon $R=20\text{cm}$ est mobile autour d'un axe horizontal (Δ) passant par son centre d'inertie O et supporte deux solides (S_1) et (S_2) de masses respectives $m_1=50\text{g}$ et $m_2=200\text{g}$ par l'intermédiaire d'un fil inextensible. Le solide (S_1) est relié à l'extrémité d'un ressort à spires non jointives de raideur $k=10\text{N/m}$. L'autre extrémité du ressort étant fixe.

1- A l'équilibre, calculer l'allongement du ressort.

2- On écarte le solide (S_2) de sa position d'équilibre vers le bas d'une distance $a=2\text{cm}$ et on l'abandonne sans vitesse à l'instant $t=0\text{s}$.

a- Etablir l'équation différentielle du mouvement.

b- Déterminer l'équation horaire du mouvement.

