

## الإجابة النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2015

اختبار في مادة: الرياضيات الشعبة: آداب وفلسفة + لغات أجنبية المدة: 02 سا و 30 د

العلامة		عناصر الإجابة					(الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة						
							التمرين الأول: (05 نقاط)
05 نقاط	1,25	1. ج) $99 \equiv 5[5] \Rightarrow a \equiv 99[5] \Rightarrow a \equiv -1[5] \Rightarrow 99 \equiv -1[5] \Rightarrow 99 + 1 \equiv 0[5]$					
	1,25	2. ب) 6 لأن $6 - 99 \equiv 6[7] \Rightarrow -99 \equiv 6[7]$ أو مضاعف لـ 7					
	1,25	3. أ) 3 لأن $10 \equiv 1[3] \Rightarrow 10^n \equiv 1[3] \Rightarrow 10^n - 1 \equiv 0[3], n \in \mathbb{N}$ ومنه لكل $n \in \mathbb{N}$					
	1,25	4. ب) مضاعف للعدد 3 لأن لكل $n \in \mathbb{N}$ $n + (n+1) + (n+2) = 3(n+1)$					
							التمرين الثاني: (07 نقاط)
07 نقاط	01	1. $u_1 = 2 \times 3 = 6$ و $u_2 = 6 \times 3 = 18$					
	01	2. $u_n = 2 \times 3^n$ ؛ $u_5 = 2 \times 3^5 = 486$					
	01	3. $u_{n+1} - u_n = 4 \times 3^n > 0$ ومنه $(u_n)$ متزايدة تماما					
	01	4. أ. $S_n = 3^n - 1$					
	01	ب. $2 + 6 + 18 + \dots + 486 = u_0 + u_1 + \dots + u_5 = 728$					
	01	5. أ.					
		العدد	3	$3^2$	$3^3$	$3^4$	
	01	الباقي	3	4	2	1	
0,5	ب. $3^4 \equiv 1[5]$ ومنه لكل $k$ من $\mathbb{N}$ ؛ $3^{4k} \equiv 1[5]$						
0,5	6. $3^n - 1 \equiv 0[5] \Leftrightarrow 3^n \equiv 1[5]$ تكافئ إذا $n = 4k$ مع $k \in \mathbb{N}$						
							التمرين الثالث: (08 نقاط)
08 نقاط	01	1. أ. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$					
	01	ب. $x = 2$ و $y = -1$					
	1,25	2. $f'(x) = \frac{-1}{(x-2)^2}$ ؛ $f'(x) < 0$					
	0,5	3. $f$ متناقصة تماما على كل من $]-\infty; 2[$ و $]2; +\infty[$					
	0,5	3. جدول تغيرات الدالة $f$ .					
	01	4. $a = f'(0) = -\frac{1}{4}$ ؛ $b = f(0) = -\frac{3}{2}$					
	0,5	5. أ. $-1 + \frac{1}{x-2} = \frac{-x+2+1}{x-2} = f(x)$					
	01	ب. $x \in \mathbb{Z}$ و $x-2$ من قواسم 1 أي $x \in \{1; 3\}$ ومنه $A(1; -2)$ و $B(3; 0)$					
1,25	6. إنشاء $(\Delta)$ و $(C_f)$ .						

تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2015  
اختبار في مادة: الرياضيات الشعبة: آداب وفلسفة + لغات أجنبية المدة: 02 سا و 30 د

العلامة		عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة		
06 نقاط			التمرين الأول: (06 نقاط)
	0,5		1. أ - $u_1 + u_3 = 2u_2 = 1$
	01		ب - $(u_1 - u_2) + (u_1 + u_2) = 2u_1$ ومنه $u_1 = 3$ . $r = u_2 - u_1 = \frac{1}{2} - 3 = -\frac{5}{2}$
	01		2. $u_n = u_1 - \frac{5}{2}(n-1) = -\frac{5}{2}n + \frac{11}{2}$
	01		3. أ - $S_n = \frac{n}{2}(u_1 + u_n) = \frac{n(17-5n)}{4}$
	01		ب - $S_n = -\frac{657}{2}$ معناه $5n^2 - 17n - 1314 = 0$ ومنه $n = 18$
	0,5		4. أ - لكل $n$ من $N^*$ : $(n+2)(9-5n) = -5n^2 - n + 18$
	01		ب - الاستدلال بالتراجع
06 نقاط			التمرين الثاني: (06 نقاط)
	01		1. $a \equiv 6[7]$ و $b \equiv 1[7]$
	1,5		2. $a \equiv -1[7]$ ومنه $a^3 + 1 \equiv 0[7]$ و $b \equiv 1[7]$ ومنه $b^3 - 1 \equiv 0[7]$
	1,5		3. أ - $2015 \equiv 6[7]$ و $1436 \equiv 1[7]$ ؛ $a \equiv 6[7]$ و $b \equiv 1[7]$
	01		ب - $2015^3 + 1436^3 \equiv 1 - 1[7]$ أي $2015^3 + 1436^3 \equiv 0[7]$
01		ج - $2015^3 + 1436^3 - 1962^3 + 1 \equiv 0 - 1 + 1[7]$	
08 نقاط			التمرين الثالث: (08 نقاط)
	01		1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
	1,25		2. $f'(x) = 3x^2 - 3$ إشارته
	0,5		$f$ متزايدة تماما على كل من $]-\infty; -1]$ و $[1; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $[-1; 1]$
	0,5		جدول التغيرات
	0,75		3. $f''(x) = 6x$ تنعدم عند $0$ مغيرة إشارتها ومنه $(0; 2)$ إحداثيات نقطة الانعطاف
	0,75		4. $(T) : y = -3x + 2$
	0,5		5. $f(2) = 4$ و $f(-2) = 0$
	1,25		إنشاء $(T)$ و $(C_f)$
	0,5		6. أ - إنشاء $(\Delta)$
01		ب - $f(x) \geq x + 2$ تكافئ $x \in [-2; 0] \cup [2; +\infty[$	