



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2016

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التصمين الأول: (04 نقاط)

$f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = e^x + 2e^{-x} - 3$ .  
اختر الجواب الصحيح من بين الأجابة الثلاثة المقترحة مع التعليل.

الإجابة (ج)	الإجابة (ب)	الإجابة (أ)	
$\ln 3$ و $0$	$-\ln 2$ و $0$	$\ln 2$ و $0$	1 حلّي المعادلة $f(x) = 0$ هما
$-3$	$+\infty$	$-\infty$	2 نهاية $f(x)$ عندما $x$ يؤول إلى $+\infty$ هي
ليست رتيبة	متناقصة تماما	متزايدة تماما	3 على المجال $\left[\frac{\ln 2}{2}; +\infty\right]$ الدالة $f$
$-1$	$2$	$1$	4 $m$ القيمة المتوسطة للدالة $f$ على المجال $[0; 2]$ ، مدور $m$ إلى الوحدة هو :

التصمين الثاني: (04,5 نقطة)

$(V_n)$  متتالية هندسية حدودها موجبة ومعرفة على  $\mathbb{N}$  بحدها الأول  $V_0 = 18$  والعلاقة:  $V_0 + V_1 + V_2 = 38$ .

1/ بين أن أساس المتتالية  $(V_n)$  هو  $q = \frac{2}{3}$ .

2/ أ) اكتب عبارة الحد العام  $V_n$  بدلالة  $n$ .

ب) ادرس اتجاه تغير المتتالية  $(V_n)$ .

ج) احسب نهاية  $(V_n)$ .

3/ نضع  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$ .

أ) احسب  $S_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج نهاية  $S_n$  عندما  $n$  يؤول إلى  $+\infty$ .

ب) جد العدد الطبيعي  $n$  بحيث  $S_n = \frac{3510}{81}$ .

## التمرين الثالث: (04 نقاط)

الجدول التالي يعطي توزيع 500 تلميذ في إحدى الثانويات.

التلميذ	ذكور	إناث
يملك هاتف نقال	60	240
لا يملك هاتف نقال	120	80

نختار عشوائيا تلميذا من الثانوية ونسمي  $H$  الحادثة: " التلميذ المختار ذكرا "،  $F$  الحادثة: " التلميذ المختار أنثى " ،  $S$  الحادثة: " التلميذ يملك هاتفا نقالا " ،  $\bar{S}$  الحادثة: " التلميذ لا يملك هاتفا نقالا " .

(1) شكل شجرة الاحتمالات لهذه التجربة.

(2) احسب احتمال الحوادث التالية:

(أ) التلميذ المختار أنثى وتملك هاتفا نقالا.

(ب) التلميذ المختار لا يملك هاتفا نقالا.

(3) نفرض أن التلميذ المختار لا يملك هاتفا نقالا. ما هو احتمال أن يكون هذا التلميذ ذكرا ؟

## التمرين الرابع: (07,5 نقطة)

(I)  $g$  دالة عددية معرفة على المجال  $]0; +\infty[$  كما يلي:  $g(x) = ax + b + \ln x$  حيث  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان.

(1) عيّن  $a$  و  $b$  بحيث:  $g(1) = 2$  و  $g'(2) = \frac{3}{2}$ .

(2) نضع:  $g(x) = x + 1 + \ln x$ .

أ- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$ .

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

ج- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا حقيقيا وحيدا  $\alpha$  حيث:  $0,2 < \alpha < 0,3$ .

د- حدّد تبعا لقيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$  على المجال  $]0; +\infty[$ .

(II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x \ln x}{x+1}$ .

$(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

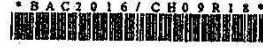
(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$ :  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$  ثم استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$ .

(2) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ( يُعطى:  $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x = 0$  ).

(3) تحقق أن:  $f(\alpha) = -\alpha$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(4) احسب  $f(1)$  و  $f(5)$  ثم ارسم  $(C_f)$  على المجال  $]0; 5]$ .

انتهى الموضوع الأول



## الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

الجدول التالي يبين كمية الإنتاج السنوي بآلاف الأطنان من البطاطا لتعاونية فلاحية ما بين سنتي 2010 و 2015.

السنة	2010	2011	2012	2013	2014	2015
رتبة السنة $x_i$	1	2	3	4	5	6
كمية المنتوج بآلاف الأطنان $y_i$	25	30	33	42	48	55

- مثل سحابة النقط  $(x_i; y_i)$  في معلم متعامد و متجانس حيث على محور الفواصل كل  $1cm$  يمثل سنة واحدة و على محور الترتيب كل  $1cm$  يمثل 10 آلاف طن.
- احسب إحداثيات النقطة المتوسطة  $G$  ثم علمها.
- أ- اكتب معادلة من الشكل  $y = ax + b$  لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا. (تدور  $a$  و  $b$  إلى  $10^{-2}$ ).  
ب- أنشئ المستقيم  $(\Delta)$ .
- باستعمال هذا التعديل:

أ- احسب كمية إنتاج التعاونية سنة 2020.

ب- في أي سنة يتجاوز الإنتاج 120 ألف طن ؟

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نعتبر المتتالية  $(U_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $U_0 = 5$  و  $U_{n+1} = \frac{4}{7}U_n + \frac{3}{7}$ .

1) احسب الحدين  $U_1$  و  $U_2$ .

2) أ- برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n: U_n > 1$ .

ب- بين أن المتتالية  $(U_n)$  متناقصة تماما.

ج- ماذا تستنتج بالنسبة لتقارب المتتالية  $(U_n)$  ؟

3) لتكن المتتالية  $(V_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $V_n = U_n - 1$ .

أ- بين أن  $(V_n)$  متتالية هندسية معينة أساسها و حدّها الأول.

ب- اكتب  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $U_n = 1 + 4\left(\frac{4}{7}\right)^n$ .

ج- احسب نهاية  $(U_n)$ .

التمرين الثالث: (04 نقاط)

وكالة أسفار تقترح على زبائنها ثلاث وجهات  $A$ ،  $B$  و  $C$ .

20% من الزبائن اختاروا الوجهة  $A$ ، 50% اختاروا الوجهة  $B$  والباقي اختار الوجهة  $C$ .

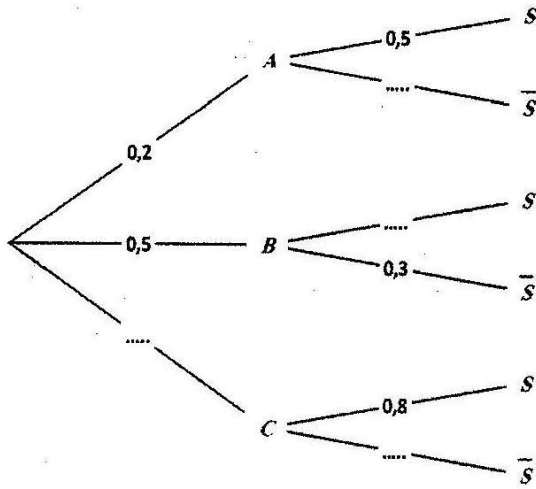
عند العودة من السفر أجريت الوكالة استجوابا لزبائنها حول مدى إعجابهم بالوجهة واستنتجت ما يلي:

50% من أصحاب الوجهة  $A$  كانوا معجبين بها.

30% من أصحاب الوجهة  $B$  كانوا غير معجبين بها.

80% من أصحاب الوجهة  $C$  كانوا معجبين بها.





نختار عشوائياً أحد الزبائن ونسجل الحوادث التالية:

$S$ : الزبون معجب بالوجهة المختارة

$\bar{S}$ : الزبون غير معجب بالوجهة المختارة.

(1) انقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكمل القيم الناقصة.

(2) أ- احسب احتمالات الحوادث الآتية:

$$A \cap S, B \cap S, C \cap S$$

ب- استنتج احتمال أن يكون الزبون معجب بالوجهة

المختارة.

(3) نستجوب زبونا غير معجب بالوجهة المختارة،

ما احتمال أن يكون من أصحاب الوجهة  $B$  ؟

**التمرين الرابع: (07 نقاط)**

(I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = -4 + 2x(1 + \ln x)$ .

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$  (تُعطى:  $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x = 0$ ).

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  على  $]0; +\infty[$  ثم شكّل جدول تغيراتها.

(3) بيّن أنّ المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  حيث:  $1,4 < \alpha < 1,5$ .

(4) حدّد إشارة  $g(x)$  على المجال  $]0; +\infty[$ .

(II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = (2x - 4) \ln x$ .

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أ- احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ . فسّر النتيجة هندسياً.

ب- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

(2) أ- بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$ :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x}$ .

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكّل جدول تغيراتها.

(3) عيّن نقط تقاطع ( $C_f$ ) مع حامل محور الفواصل.

(4) أ- اكتب معادلة للمماس ( $T$ ) للمنحنى ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

ب- أنشئ ( $T$ ) و ( $C_f$ ). (تُعطي:  $f(\alpha) \approx -0,41$ ).

(5) نعتبر الدالة  $F$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $F(x) = (x^2 - 4x) \ln x - \frac{1}{2}x^2 + 4x$ .

أ- بيّن أنّ  $F$  دالة أصلية للدالة  $f$  على المجال  $]0; +\infty[$ .

ب- احسب مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى ( $C_f$ ) والمستقيمات التي معادلاتها:

$$x = 2 \text{ و } x = 1, y = 0$$

انتهى الموضوع الثاني