المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي
قطاع التربية الوطنية

المركز الوطني للامتحانات

C :RS22

الامتحان الوطني الموحد للباكالوريا
(الدورة الاستدراكية 2007)
الموضوع

المادة: الرياضيات

مدة الانجاز : 3

المعامل : 7

الشعب (ة) : العلوم التجريبية الأصيلة + العلوم التجريبية + العلوم الزراعية

(يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة)

التمرين الأول (3,5 ن)

نعتبر في الفضاء المنسوب الى معلم متعامد ممنظم $(o,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ النقط $A(2,0,-1)$ و $B(2,4,2)$
و $C(3,3,3)$ و الفلكة (S) التي معادلتها الديكارتية هي : $x^2+y^2+z^2-4x-4y-8z+20=0$

1) بين ان مركز الفلكة (S) هي النقطة $\Omega(2,2,4)$ وأن شعاعها يساوي 2 — 1

2) ليكن (P) المستوى المار من النقطة A و العمودي على المستقيم (BC).
بين أن معادلة ديكارتية للمستوى (P) هي : $x-y+z-1=0$ — 0,75

3) أ – بين أن المستوى (P) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) شعاعها يساوي 1 . — 1
ب – حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من Ω و العمودي على (P). — 0,25
ج– حدد مثلوث احداثيات النقطة ω مركز الدائرة (Γ). — 0,5

التمرين الثاني (2,5 ن)

يحتوي كيس على ثلاث بيدقات بيضاء و أربع بيدقات سوداء (لا يمكن التمييز بين البيد قات باللمس).
نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث بيد قات من الكيس .

1) ما هو احتمال الحصول على بيدقتين بالضبط لونهمأبيض ؟ — 0,75

2) ما هو احتمال الحصول على ثلاث بيدقات من نفس اللون ؟ — 0,75

3) ما هو احتمال الحصول على بيدقة بيضاء على الأقل ؟ — 1

التمرين الثالث (3 ن)

لتكن (u_n) المتتالية المعرفة بما يلي : $u_0=2$ و $u_{n+1}=\frac{1}{5}(u_n-4n-1)$ لكل n من $\mathbb{N}$.

نضع $v_n=u_n+n-1$ لكل n من $\mathbb{N}$.

1) بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{5}$. — 1

2) أ – احسب v_n بدلالة n . — 0,5
ب– استنتج u_n بدلالة n ثم احسب $\lim\limits_{x\to+\infty} u_n$. — 0,5

3) نضع $T_n=v_0+v_1+.............+v_n$ و $S_n=u_0+u_1+............+u_n$ حيث n عنصر من $\mathbb{N}$. — 1
بين أن : $T_n=\frac{1}{4}\left(5-\frac{1}{5^n}\right)$ و أن $S_n=T_n-\frac{(n+1)(n-2)}{2}$ لكل n من $\mathbb{N}$.

المادة :	الرياضيات
الشعب(ة)	العلوم التجريبية الأصيلة + العلوم التجريبية + العلوم الزراعية

الامتحان الوطني الموحد للباكالوريا
(الدورة الاستدراكية 2007)
الموضوع

C :RS22

التمرين الرابع (3 ن)	
1) تحقق من أن : $(\sqrt{2}+2i)^2=-2+4\sqrt{2}i$.	0,25
2) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2-(\sqrt{2}+2)z+2+\sqrt{2}-\sqrt{2}i=0$	0,75
3) نعتبر العددين العقديين $z_1=1-i$ و $z_2=1+\sqrt{2}+i$.	
أ – حدد الشكل المثلثي للعدد العقدي z_1 .	0,5
ب – بين أن : $z_1.z_2=\sqrt{2}\overline{z_2}$ ($\overline{z_2}$ هو مرافق العدد z_2) .	1
استنتج أن : $\arg(z_1)+2\arg(z_2)\equiv 0[2\pi]$	
ج – حدد عمدة للعدد z_2 .	0,5
مسألة (8 ن)	
I) لتكن g الدالة العددية المعرفة على $]0,+\infty[$ بما يلي : $g(x)=x-\frac{1}{x}-2\ln x$.	
1) بين أن $g'(x)=\frac{(x-1)^2}{x^2}$ لكل x من $]0,+\infty[$ ثم استنتج منحى تغيرات الدالة g على $]0,+\infty[$.	1
2) بين أن $g(x)\le 0$ لكل x من $]0,1]$ و أن $g(x)\ge 0$ لكل x من $[1,+\infty[$ (لاحظ أن $g(1)=0$) .	0,5
II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0,+\infty[$ بما يلي : $f(x)=x+\frac{1}{x}-(\ln x)^2-2$.	
ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(o,\vec{i},\vec{j})$.	
1) أ – بين أن $\lim\limits_{x\to+\infty}\frac{(\ln x)^2}{x}$ (يمكن وضع $t=\sqrt{x}$) ثم احسب $\lim\limits_{x\to+\infty}f(x)$.	0,75
ب – تحقق من أن : $f(\frac{1}{x})=f(x)$ لكل x من $]0,+\infty[$.	0,25
ج – احسب $\lim\limits_{\substack{x\to 0\\ x\succ 0}}f(x)$ (يمكن وضع $t=\frac{1}{x}$) ثم أول النتيجة هندسيا .	0,5
د – بين أن (C) يقبل فرعا شلجميا اتجاهه المقارب هو المستقيم الذي معادلته هي : $y=x$.	10,5
2) بين أن : $f'(x)=\frac{g(x)}{x}$ لكل x من $]0,+\infty[$ ، ثم ضع جدول تغيرات الدالة f .	1,5
3) أنشئ المنحنى (C) في المعلم $(o,\vec{i},\vec{j})$.	1
4) أ – بين أن الدالة $G:x\ln x-x$ دالة أصلية للدالة $g:x\to\ln x$ على $]0,+\infty[$.	0,5
ب– باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن : $\int_1^e(\ln x)^2dx=e-2$.	0,75
ج – حدد مساحة حيز المستوى المحصور (C) و محور الأفاصيل و المستقيمين اللذين معادلتاهما : $x=1$ و $x=e$.	0,75