



INTELLIGENTSIA COOPORATION

Toumpé Intellectual Groups

Plateforme numérique d'accompagnement à l'Excellence Scolaire au Secondaire
Groupes opérationnels : 3^e, 2^{ndes} AC, Premières ACD TI, Terminales ACD TI, BAC+



DSCHANG, Ouest CMR Contacts : (+237) 672004246 / 696382854 E-mail : toumpeolivier2017@gmail.com

Formation de Qualité, Réussite Assurée avec le N°1 du E-learning !

EVALUATION SOMMATIVE DE FIN DU DEUXIEME TRIMESTRE

Classe : Première C	Durée : 3heures	Coefficient : 06	Année Scolaire : 2020/2021
---------------------	-----------------	------------------	----------------------------

EPREUVE DE MATHEMATIQUES

PARTIE A : EVALUATION DES RESSOURCES 15.5 POINTS

EXERCICE 1 SUITES NUMERIQUES 05 POINTS

Junior achète deux bidons de 100 litres : un dans lequel il met de l'eau, l'autre dans lequel il met du lait. Chaque jour, il consomme 30% de la quantité de lait et 50% de la quantité d'eau qu'il y avait le jour précédent. Tous les soirs avant de se coucher, il ajoute 10 litres de lait dans le bidon de lait et 20 litres d'eau dans le bidon d'eau après. On note e_n la quantité d'eau et l_n la quantité de lait (en litres) au n-ième jour après les ajouts d'eau et de lait. On a ainsi $e_0 = 100$ et $l_0 = 100$.

1. Calculer e_1 et l_1 . 0.5pt
2. Déterminer les relations de récurrence des suites (e_n) et (l_n) . 1pt
3. On pose $u_n = e_n - 40$
 - 3.1. Montrer que (u_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme. 0.5pt
 - 3.2. En déduire le terme général de (u_n) en fonction de n , puis celui de (e_n) . 0.75pt
4. On pose $v_n = l_n - \frac{100}{3}$
 - 4.1. Montrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme. 0.5pt
 - 4.2. En déduire le terme général de (v_n) en fonction de n , puis celui de (l_n) . 0.75pt
5. Calculer alors e_{365} et l_{365} d'une part, e_{730} et l_{730} . Que peut-on remarquer et alors conjecturer ? 1pt

EXERCICE 2 FONCTIONS NUMERIQUES 05.5 POINTS

Soit f la fonction définie par $f(x) = \frac{x^3+3x^2+10x+5}{(x+1)^2}$ et (C_f) sa courbe représentative dans le plan muni du repère orthonormé (O, i, j) .

1. Montrer que f est dérivable sur $\mathbb{R} - \{-1\}$ 0.5pt
2. Montrer que, $\forall x \in \mathbb{R} - \{-1\}$ que $f'(x) = \frac{x(x-1)(x+4)}{(x+1)^3}$ 0.75pt
3. En déduire les variations de f 0.75pt
4. Déterminer les réels a , b et c tels que $\forall x \in \mathbb{R} - \{-1\}$, on ait : $f(x) = x + a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{(x+1)^2}$ 0.75pt
5. Soit (D) la droite d'équation $y = x + 1$. Soit M le point de (C_f) d'abscisse x et N le point de (D) de même abscisse.
 - 5.1. Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \overline{NM}$ et $\lim_{x \rightarrow -\infty} \overline{NM}$ 1pt
 - 5.2. Que peut-on en déduire pour la courbe (C_f) et la droite (D) ? 0.5pt
 - 5.3. Etudier le signe de \overline{NM} . 0.5pt
 - 5.4. En déduire la position de (C_f) par rapport à la droite (D) . 0.5pt

6. Tracer (C_f) et (D) sur le même graphique.

0.75pt

EXERCICE 3 ANGLES ORIENTES ET TRIGONOMETRIE 02.5 POINTS

On considère l'équation $(E): (\sqrt{6} + \sqrt{2})\cos x + (\sqrt{6} - \sqrt{2})\sin x + 2\sqrt{3} = 0$

1. Sachant que $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$ calculer les valeurs exactes de $\cos \frac{\pi}{12}$ et $\sin \frac{\pi}{12}$ 1pt
2. Ecrire l'équation (E) sous la forme $a \cos(x - \varphi) + 2\sqrt{3} = 0$ où les réels a et φ sont à déterminer. 0.5pt
3. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation (E) 0.5pt
4. Déduire les solutions dans $]0 ; 2\pi[$ de l'équation (E) 0.5pt

EXERCICE 4 LIGNES DE NIVEAUX 02.5 POINTS

Soient A et B deux points du plan tel que $AB = 3\text{cm}$. Soit θ un réel de l'intervalle $\left[0 ; \frac{\pi}{2}\right]$. On note (σ_θ) l'ensemble des points du plan tels que $\frac{MA^2}{MB^2} = 1 + \tan^2 \theta$

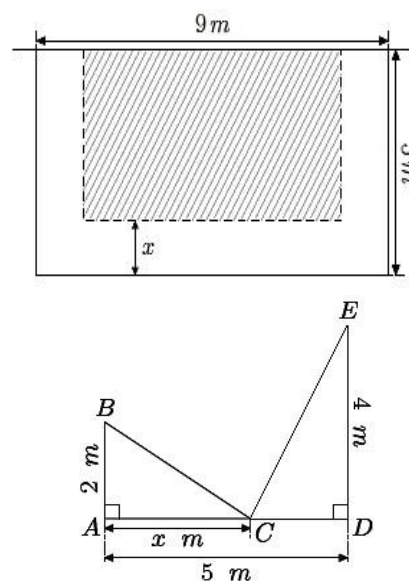
1. Montrer que $1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}$ 0.25pt
2. En déduire que le point $M \in (\sigma_\theta)$ si et seulement si $MA \cdot \cos \theta = MB$ 0.5pt
3. Déterminer (σ_0) 0.5pt
4. Déterminer (σ_π) 0.5pt
5. Déterminer $(\sigma_{\frac{\pi}{3}})$ 0.75pt

PARTIE B : EVALUATION DES COMPETENCES 04.5 POINTS

Dans l'immeuble de M. SONNA se trouve une salle de fête. La surface de cette salle a la forme d'un secteur angulaire de rayon 12 mètres et d'angle au centre 60° et sur l'un des murs de la salle est inscrit « capacité de réception 95 invités ». La norme voudrait qu'à chaque invité dans une salle de fête de cette envergure soit réservé un espace d'au moins 2m^2 .

A la fin de ses travaux, faute des moyens par M. SONNA, l'ingénieur a laissé une partie du sol inachevée par le carrelage ayant la forme de deux triangles ABC et EDC rectangles respectivement en A et D tels que les points A, C, D soient alignés. On note x la distance, en mètres, séparant les points A et C.

Adossé à cet immeuble, M. SONNA possède dans la cours de l'immeuble un jardin de forme rectangulaire ayant pour dimensions 9m et 5m. Il souhaite construire sur trois des côtés de ce jardin une allée ayant la même largeur et il plantera de la pelouse sur le reste du jardin. Il propose le schéma ci-dessous où la partie hachurée est l'espace de la pelouse.



Tâches à effectuer :

1. Cette salle de fête est-elle réglementaire ? 1.5pt
2. Quelle doit être la largeur de l'allée pour que l'ensemble de la pelouse ait une surface de 10m^2 ? 1.5pt
3. Quelle doit être la longueur du segment $[AC]$ afin que les longueurs CB et CE soient égales. 1.5pt

Examineur : M. SONNA GUIMGO JUNIOR
Professeur des Lycées / Mathématiques

Formation de Qualité, Réussite Assurée avec le N°1 du E-learning !